

مقاييس التشتت

الفصل الرابع

مقاييس التشتت (المدى) (Measures of dispersion (Rang))

وتستخدم هذه المقاييس لتبين لنا مدى الأختلاف في البيانات فيما بينها ومدى التفاوت والتغير بين مفرداتها ومن هذه المقاييس :

المدى , الانحراف المتوسط , التباين والانحراف المعياري , معامل التغير (الاختلاف) , معامل التغير الربيعي , معامل الالتواء , معامل التفرطح .

المدى Rang

وهو الفرق بين القراءة الاكبر والاصغر في البيانات او القراءات بالكامل , هو أبسط مقاييس التشتت ، ويحسب المدى في حالة البيانات غير المبوبة بتطبيق المعادلة التالية:

المدى = اكبر قيمة – اصغر قيمة

$$\text{Rang} = \text{Max} - \text{Min}$$

أما في حالة البيانات المبوبة فهناك أكثر من طريقة لأيجادها سنذكر منها :

- المدى = مركز الفئة العليا - مركز الفئة الدنيا

- المدى = الحد الاعلى للفئة العليا - الحد الادنى للفئة الدنيا

أمثلة :

مثال (1)

في البيانات التالية :

4.8 , 6.21 , 5.4 , 6.18 , 5.29 , 5.18 , 6.08 , 4.63 , 5.03

أوجد المدى ؟

الحل :

المدى = أعلى قيمة - أصغر قيمة

$$\text{Rang}=\text{Max}-\text{Min}=6.21-4.63 =1.58$$

مثال 2)

أوجد المدى لدرجات مجموعة من الطلاب عددهم ثلاثون طالبا كما هو موضح في الجدول التالي :

فئة الدرجات	f_i
10 - 16	2
16 - 22	8
22 - 28	10
28 - 34	8
34 - 40	2
Σ	30

من الجدول يمكن ان نوجد المدى بطريقتين:

الطريقة الاولى :

- المدى = مركز الفئة العليا - مركز الفئة الدنيا

$$\text{مركز الفئة العليا} = 37 = (34 + 40) / 2$$

$$\text{مركز الفئة الدنيا} = 13 = (10 + 16) / 2$$

$$\text{المدى} = 24 = 37 - 13$$

الطريقة الثانية :

- المدى = الحد الاعلى للفئة العليا - الحد الادنى للفئة الدنيا

$$\text{الحد الاعلى للفئة العليا (الحقيقي) او مايسمى بالفعل} = 40.5$$

الحد الأدنى للفئة الدنيا (الحقيقي) = 10.5

المدى = 40.5 - 10.5 = 30

ومن الملاحظ ان المدى يختلف في كلتا الطريقتين , لكن الطريقة الاولى هي الاكثر استخداما في ايجاد المدى

مميزات ومزايا المدى

- سهل الحساب وبسيط جدا
- مراقبة جودة الانتاج
- يستخدم في وصف الاحوال الجوية

عيوب المدى

- الاعتماد على قيمتين في حسابة مع اهمال بقية القيم

الانحراف المتوسط (Mean Deviation (MD)

هو أحد مقاييس التشتت، ونحن نعلم أن مجموع الانحرافات للبيانات عن وسطها الحسابي يساوي صفر أي أن :

$$\sum (x - \bar{x}) = 0$$

ويتطلب منا للتخلص من هذه القيمة الصفرية ان نوجد القيمة المطلقة لتعريف الانحراف المتوسط

ويعرف بأنه :

متوسط الانحرافات المطلقة للقراءات عن وسطها الحسابي \bar{x} ويرمز له بالرمز (MD)

الأنحراف المتوسط في البيانات الغير مبوبة

إذا كانت x_1, x_2, \dots, x_n هي القراءات التي تم أخذها عن ظاهرة معينة وكان الوسط الحسابي لها

يساوي $(x_1 + x_2 + \dots + x_i / n)$ فإن الانحراف المتوسط يمكن أيجادة بتطبيق المعادله التالية :

$$M.D = \sum(x_i - \bar{x}) / n$$

حيث \sum تعني مجموع ، \bar{x} المتوسط الحسابي ، n عدد البيانات

$x_i = x_1 , x_2 ,$

4 , 8 , 9 , 3

الحل :

نوجد أولاً الوسط الحسابي

$$\bar{x} = 4 + 8 + 9 + 3 / 4 = 24 / 4 = 6$$

ثم نكون الجدول التالي

القيم الموجودة x_i	الانحرافات $x_i - \bar{x} = x - 6$	الانحرافات المطلقة $ x - 6 $
4	4-6= -2	$ -2 =2$
8	8-6=2	$ 2 =2$
9	9-6=3	$ 3 =3$
3	3-6= -3	$ -3 =3$
Σ	0	10

ثم نطبق بعد ذلك قانون الانحراف المتوسط

$$M.D = \frac{\sum(x_i - \bar{x})}{n} = 10/4 = 2.5$$

الانحراف المتوسط في البيانات المبوبة

ويمكن حسابه من القانون أو المعادله التالية :

$$M.D = \frac{\sum(|x_i - \bar{x}| \cdot f_i)}{n}$$

حيث أن :

\sum تعني مجموع ، \bar{x} المتوسط الحسابي ، n مجموع التكرارات

f_i تكرار الفئة ، x_i مركز الفئة .

وسنوضح ذلك بمثال .

مثال :

أوجد الانحراف المتوسط للتوزيع التكراري التالي :

الفئة X	التكرار f
0 - 5	6
5 - 10	3
10 - 15	4
15 - 20	12
20 - 25	2

الحل :

- أولاً نوجد المتوسط الحسابي :

$$\bar{x} = \sum(x_i f_i)/n = 342.5 / 26 = 12.7$$

- نوجد مركز الفئة كالتالي :

$$0 + 5 / 2 = 2.5$$

- نوجد $x_i f_i$ بضرب مركز الفئة في التكرار

مركز الفئة x_i	التكرار f_i	$x_i f_i$	الوسط الحسابي	$x_i - \bar{x}$	$ x_i - \bar{x} $	$ x_i - \bar{x} f_i$
2.5	6	15	$\bar{x} = \sum(x_i f_i)/n = 342.5/26 = 12.7$	2.5 - 12.7 = -10.2	10.2	60.2
7.5	3	22.5		7.5 - 12.7 = -5.2	5.2	15.6
12.5	4	50		12.5 - 12.7 = -0.2	0.2	0.8
17.5	12	210		17.5 - 12.7 = 4.8	4.8	57.6
22.5	2	45		22.5 - 12.7 = 9.8	9.8	19.6
Σ	27	342.5				153.8

ثم نقوم باستخدام القانون المذكور سابقا :

$$M.D = \sum(|x_i - \bar{x}| \cdot f_i) / n$$
$$= 153.8 / 27 = 5.7$$

وبالتالي فإن الانحراف المتوسط للجدول السابق يساوي 5.7 .

مزايا الانحراف المتوسط

- يأخذ كل القيم في الاعتبار

عيوب الانحراف المتوسط

- يتأثر بالقيم الشاذة

لتباين والانحراف المعياري Variance and Standard Deviation

هو أحد مقاييس التشتت، ويعد من الأكثر استخداما في النواحي التطبيقية , ويعبر عن متوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي .

Standard Deviation الانحراف المعياري

في التباين يعتمد على مجموع مربعات الانحرافات , وهذا لا يتمشى مع وحدات قياس المتغير محل الدراسة , من أجل ذلك لجأ الإحصائيون إلى مقياس منطقي يأخذ في الاعتبار الجذر التربيعي للتباين , لكي يناسب وحدات قياس المتغير , وهذا المقياس هو الانحراف المعياري .

وبالتالي يمكن تعريف الانحراف المعياري بأنه :

الجذر التربيعي الموجب للتباين (الانحراف المعياري = جذر التباين) .

نستطيع أن نحسب التباين بعدة طرق وحسب البيانات المأخوذة وسنذكر ذلك في مايلي :